ايضا متساوي المتبادلتين باسقاط المشترك ولزم التوازي

التاسع عشر اذا وقع خط مستقيم على خطين مستقيمين

متوازيين كانت المتبادلتان متساويتين والخارجة كالداخلة

فليقع على خطي آب ج د خط ه ح ز فنقول زاويتا آ ح د ح ز

والمتبادلتان متساويتان لان مجموع زاويتي كلتي الجهتين

كقائمتين لما مر في ج فزاويتا ب ح د ح ز كقائمتين

فالازم تلاقي المتوازيين لما مر في ج وزاويتا آ ح ح ز ح د

كقائمتين لما مر في آ فيتساوي المتبادلتان باسقاط المشترك

وزاوية ه ز ب الخارجة كزاوية آ ح ز لكونهما متقابلتين فتكون

كزاوية د ح ز الداخلة فالخارجة كالداخلة العشرون

كل مثلث اخرج احد اضلاعه فزاويته الخارجة مساوية

لمتقابلتيها الداخلتين وزواياه الثلاث مساوية لقائمتين

فليكن المثلث آ ب د والمضلع المخرج ب ح الى د والمفروض ج ح

موازيا لب آ فزاوية آ ح د مساوية لزاوية آ لكونهما متبادلتين

وزاوية ج ح د مساوية لزاوية ب لكونهما خارجة وداخلة

فاذن جميع زاوية آ ح د الخارجة من المثلث مساوية لزاويتي

آ ب الداخلتين وزاوية آ ح د مع زاوية آ ح ب مساوية

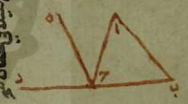
لقائمتين كما مر في آ فهما معها ايضا مساوية لقائمتين فاذن

الثلاث الداخلة مساوية لقائمتين الحادي والعشرون الخطوط

الواصلة بين اطراف الخطوط المتساوية المتوازية متساوية

متوازية وليكن اب ج د متساويين متوازيين ووصل

بين



بين اطرافهما آ ب د ج فهما متساويان متوازيان

ونصل ب ح في مثلثي ا ب ح ب ح د ضلعا ا ب ب ح مساويان

لضلعي د ح ب ح فزاويتا ا ب ح د ح ب المتبادلتان متساويتان

كما مر في يط فاح مساو لب د والزوايا اللوازم والمثلث

المثلث كما مر في د ح فيكونه متبادلتا ا ح ب د ح ب متساويتان

فاح موازلب د كما مر في ج الثاني والعشرون الاضلاع

المتقابلة من السطوح المتوازية الاضلاع متساوية وكذا الزوايا

المتقابلة واقطارها كل السطوح تنصفها فليكن السطح ا ه د ب

ح د لتساوي مبادلتي ا د ب ح ب د وتساوي متبادلتي

ا ب د ح د ب واشتراك ب د بين المثلثين يكون ضلعا ا د ح ب

متساويين كما مر في ين وكذلك ضلعا ا ب ح د وزاويتا ا ح

وزاويتا ا د ح ب او المثلثان باسرهما فالسطح ينصفه ب د

الثالث والعشرون كل سطحين متوازيين الاضلاع

يكونان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة بين خطين متوازيين

يعينهما فهما متساويان مثلا كسطحي ا ب ح د ه ب ح ز

الكائنين على قاعدة ب ح بين متوازيي ب ح ا ز وذلك لان

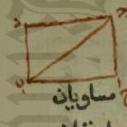
خطي ا د ه ز المساويين لب ح متساويان ويجعلاه مشتركا

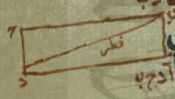
بين ا ه د ز فيصير في مثلثي ه ا ب ح د ضلعا ا ه ز د متساويين

وكذلك ضلعا ا ب ح د وزاويتا ب ا ه ح د ز الداخلة والخارجة

فيكون المثلثان متساويين ويصيران بعد اسقاط سطح د ح ه

وزيادة سطح ح ب ه المشتركين ايضا متساويين وهما السطحان





Copyright © King Saud University